

高雷诺数下交叉圆柱涡激振动的数值分析

金叶青¹, 张俊涛^{1,2}, 秦岩¹, 崔景芝³, 孙海亮³

(1. 哈尔滨工程大学烟台哈尔滨工程大学研究院, 烟台 265503;

2. 哈尔滨工程大学船舶工程学院, 哈尔滨 150001;

3. 北京宇航系统工程研究所, 北京 100076)

摘要: 基于能量捕获应用场景, 利用数值仿真的方法研究了高雷诺数下交叉圆柱的涡激振动 (Vortex Induced Vibration, VIV) 现象。首先建立了三维 VIV 数值模型, 通过与已有文献试验数据对比验证了该数值模型的准确性。进而在该模型的基础上, 对交叉圆柱的 VIV 进行了仿真研究, 并与普通圆柱做了对比分析。研究发现, 受竖圆柱的影响, 交叉圆柱在中低流速的涡强度有所减小, 使低流速下的柱体振幅减小, 启动流速变大; 在中流速范围, 涡脱落位置的改变, 使得振幅增加; 在高流速范围涡强度和涡脱落位置变化并不明显, 振幅也与普通圆柱相近。

关键词: 涡激振动; 交叉圆柱; 高雷诺数; 数值仿真

中图分类号: V219

文献标志码: A

文章编号: 2096-4080 (2024) 01-0068-08

Numerical Analysis of Vortex-Induced Vibration of a Crossed Circular Cylinder at High Reynolds Numbers

JIN Yeqing¹, ZHANG Juntao^{1,2}, QIN Yan¹, CUI Jingzhi³, SUN Hailiang³

(1. Yantai Research Institute, Harbin Engineering University, Yantai 265503, China;

2. College of Shipbuilding Engineering, Harbin Engineering University, Harbin 150001, China;

3. Beijing Institute of Astronautical Systems Engineering, Beijing 100076, China)

Abstract: Based on the energy capture application scenario, this paper studies the VIV phenomenon of crossed cylinders at high Reynolds numbers by numerical simulation. A three-dimensional VIV numerical model was established, and the accuracy of the numerical model was verified by comparing with the experimental data in the existing paper. On the basis of the model, the VIV of the crossed cylinder is simulated and compared with that of the ordinary cylinder. It is found that due to the influence of the vertical cylinder, the vortex intensity of the crossed cylinder at low and medium flow rates decreases, which reduces the amplitude of the cylinder at low flow rates and increases the starting flow rate. In the middle flow rate range, the amplitude increases due to the change of the vortex shedding position. In the high velocity range, the vortex intensity and vortex shedding position do not change significantly, and the amplitude is also similar to that of the ordinary cylinder.

Key words: Vortex induced vibrations; Crossed cylinder; High-Reynolds numbers; Numerical simulation

收稿日期: 2023-10-15; 修订日期: 2023-12-12

基金项目: 山东省重点研发计划重大创新工程项目 (2022CXGC020509); 火箭创新基金 (ZH2022009); 中央高校基本科研业务费 (3072022QBZ2701, 3072022QBZ2702, 3072022JC2701); 烟台新旧动能转换研究院暨烟台科技成果转移转化示范基地项目 (YTDNY20220425-01)

作者简介: 金叶青 (1985—), 男, 博士, 副教授, 主要研究方向为船舶与海洋工程结构振动冲击、振动能量收集发电技术等。

0 引言

涡激振动 (Vortex Induced Vibration, VIV) 是钝体在流体的作用下, 钝体两侧形成交替脱落的漩涡而引起结构物振动的现象^[1]。当结构物自身频率和漩涡脱落频率达到一致或者接近时, 发生“锁定”(同步)现象, 此时结构物的振动将大幅度增加。一方面, 这种高振幅振动可能会导致结构严重疲劳甚至破坏, 需要避免或减少振动的发生; 另一方面, 可将其用于能量收集。

目前, 对涡激振动的研究大多集中在形状规则的柱体上, 且多为低、中雷诺数范围内的研究, 而高雷诺数涡激振动的研究相对较少, 且多集中在利用涡激振动提取流动能量方面^[2]。Modir 等^[3]研究了高雷诺数 ($1.5 \times 10^4 \leq Re \leq 6 \times 10^4$) 条件下, 水能捕获装置弹簧刚度对涡激振动的影响。实验结果表明, 系统的最大幅值和锁定频率区域与弹簧刚度密切相关, 固有频率的增加会导致响应幅值的增加, 系统的同步范围变宽。Chang 等^[4]为了提高涡激振动的同步范围和振幅, 实现最大限度地水动能转化为机械能, 研究了加入被动湍流控制条件下, 雷诺数最高为 1.2×10^5 的圆柱涡激振动, 获得了最高达 2.9 的振幅比。高雷诺数下可以达到高的升力^[4], 这是涡激振动能量捕获研究往往是在高雷诺数条件下进行的重要原因之一。

钝体的截面形状对涡激振动也有着很大的影响, 最典型的截面形状为圆柱形, 不需要考虑攻角对振动的影响。不同截面形状下的涡激振动有着不同的特性, 研究表明, 圆形和菱形截面柱体表现为自限制运动, 而三角形和方形截面则表现为非自限运动^[5]。此外, 轴向变直径圆柱也是涡激振动中研究热点之一。New 等^[6]利用实验研究了有限长波浪圆柱脱落漩涡表现, Lin 等^[7]利用三维大涡模拟 (LES) 方法研究了大展向波长对正弦波形圆柱体的尾迹的影响。但以目前对涡激振动的研究来看, 几乎没有对交叉圆柱涡激振动特性的研究。然而, 从工程建筑方面来看, 柱体之间常有 T 形、L 形以及十字交叉形连接。从涡激振动能量收集方面, 柱体的支撑结构或者柱体连接的发电装置, 均可能会存在圆柱交叉布置的形式, 因此对交叉圆柱涡激振动的研究具有重要意义。

涡激振动在能量捕获应用场景中, 发电系统

置于钝体内部是研究热点之一, 但是柱体直径过大限制了发电系统的尺寸, 减少了发电量, 交叉圆柱可以很好地解决钝体内部空间受限的问题。为此, 本文针对应用于能量捕获场景, 利用数值仿真的方法研究了交叉圆柱的涡激振动特性, 其结果在涡激振动的抑制方面也具有一定的参考意义。

1 数学模型

1.1 控制方程和湍流模型

流体控制方程为非定常不可压缩流体 RANS 方程

$$\frac{\partial \bar{u}_i}{\partial x_i} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial \rho \bar{u}_i}{\partial t} + \frac{\partial \rho \overline{u_i u_j}}{\partial x_j} = -\frac{\partial \bar{p}}{\partial x_i} + \mu \nabla^2 \bar{u}_i - \frac{\partial \rho \overline{u'_i u'_j}}{\partial x_j} \quad (2)$$

式中, t 为时间, p 为压力, ρ 为海水密度, μ 为运动黏度, \bar{u}_i 为 i 方向上的速度的时间平均值, $-\rho \overline{u'_i u'_j}$ 为雷诺应力项, 其表达式为

$$-\rho \overline{u'_i u'_j} = \mu_t \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) - \frac{2}{3} \rho k_t \delta_{ij} \quad (3)$$

式中, u_i 和 u_j 分别表示 i, j 方向上的瞬时速度分量; μ_t, k_t 分别为湍流和湍动能; δ_{ij} 为 Kronecker delta 符号。

雷诺应力项的引入增加了方程的未知数数量, 因此本文利用湍流模型 SST $k-\omega$ 两方程模型, 使方程未知数个数与方程数相同, 使方程组闭合。SST $k-\omega$ 两方程模型是在处理绕流问题时常用的一种模型, 其考虑了湍流剪切力和压强梯度效应, 在求解绕流问题的 RANS 方程时较其他模型更具有优势。

1.2 交叉圆柱的振动响应

交叉圆柱体以弹簧作弹性支撑, 如图 1 所示 (图中 U 表示水流流速), 圆柱体具有两个自由度, 可在顺流向和横流向方向上做线涡激振动, 每个自由度方向上的涡激振动可视为质量-弹簧-阻尼系统, 则圆柱体运动的控制方程为

$$\begin{cases} m\ddot{x} + c\dot{x} + kx = F_D(t) \\ m\ddot{y} + c\dot{y} + ky = F_L(t) \end{cases} \quad (4)$$

式中, x, y 分别为柱体顺流向和横流向位移; m 为圆柱体的质量; c 为结构阻尼系数; k 为结构刚度系数; $F_D(t), F_L(t)$ 分别为顺流向和横流向流体力。

利用结构动力学关系, $c/m = 4\pi\zeta f_n$, $k/m = (2\pi f_n)^2$, 式(4)又可以写为

$$\begin{cases} \ddot{x} + 4\pi\zeta f_n \dot{x} + (2\pi f_n)^2 x = \frac{F_D(t)}{\pi\rho D^2 L m^*} \\ \ddot{y} + 4\pi\zeta f_n \dot{y} + (2\pi f_n)^2 y = \frac{F_L(t)}{\pi\rho D^2 L m^*} \end{cases} \quad (5)$$

式中, D , L 分别为圆柱直径和长度, f_n 为振动系统在空气中的固有频率, ζ 为阻尼比, m^* 为质量比, 其表达式如下

$$f_n = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \quad (6)$$

$$\zeta = \frac{c}{2\sqrt{km}} \quad (7)$$

$$m^* = \frac{4m}{\pi\rho D^2 L} \quad (8)$$

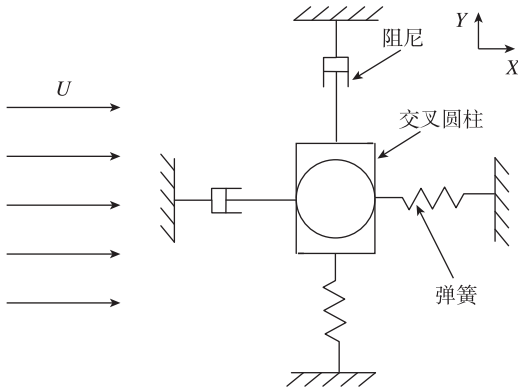


图1 二自由度弹性支承交叉圆柱 VIV 模型示意图
Fig. 1 Schematic diagram of two-degree-of-freedom elastic support crossed-cylinder VIV model

2 数值模型的建立与验证

2.1 数值模型的建立

由于交叉圆柱在轴向的不规则性, 本文采用三维数值模型仿真分析。数值仿真时流体计算域的大小对计算时间和结果的准确度都有较大影响, 计算域过大会造成计算资源的浪费, 计算时间过长; 但计算域过小会造成流体域边界对柱体模型的较大影响, 无法确保计算结果的准确度。因此, 本文根据已有研究文献^[8-9], 在综合考虑计算机算力的情况下, 设置计算域的大小如图2所示, 柱体中心至流体域出口的距离取为 $30D$, 柱体至流体域入口距离取为 $10D$, 由于竖圆柱的影响, 柱体与上下边界的距离取为 $15D$, 流体域的宽度为柱体长度 L 。

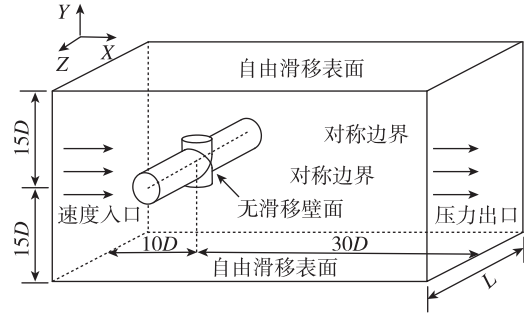


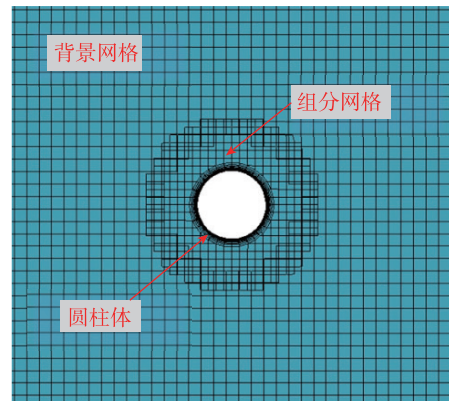
图2 交叉圆柱 VIV 振动模型及计算域尺寸示意图
Fig. 2 Schematic diagram of crossed-cylindrical VIV vibration model and calculation domain size

数值模型的 X 方向为水流方向, 对应的计算域左右边界的边界条件分别为速度入口和压力出口, 速度入口给定均匀水流的流速、湍流动能及耗散率等条件, 压力出口的相对压力设置为 0。计算域上下边界设置为自由滑移面, 前后边界设置为对称边界, 圆柱表面设置为无滑移壁面。

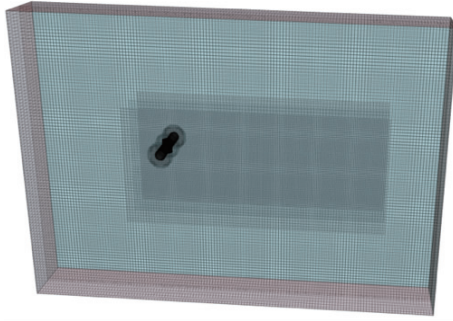
为避免柱体位移较大时产生网格畸变以及负网格而导致求解失败, 计算网格采用重叠网格技术。重叠网格由背景网格和组分网格组成, 如图3(a)所示。同时为了在较少的网格数量下保证计算精度, 对柱体运动周围进行网格局部加密, 如图3(b)所示。

2.2 数值模型的验证

为验证数值模型的准确性, 利用著名的 Khalak 等^[10]的试验模型参数, 用本文建立的 VIV 数值模型进行仿真计算, 得到该数值模型下的振幅比 A_{\max}^* 随约化速度 Ur ($Ur = U/f_n D$) 的变化曲线, 并与文献中试验得到的相应曲线进行对比验证。试验模型的弹性支撑的圆柱 VIV 模型质量比 $m^* = 2.4$, 质量阻尼比 $m^* \zeta = 0.013$ 。数值模型与试验数据的振幅



(a) 重叠网格示意图



(b) 三维网格划分示意图

图 3 交叉圆柱 VIV 数值模型网格划分示意图

Fig. 3 Schematic diagram of crossed-cylindrical VIV numerical model grid division

比 A_{\max}^* 随 Ur 变化的曲线如图 4 所示。从图中可以看出, 本文建立的数值模型在各约化速度下振幅比 A_{\max}^* 与文献 [10] 的实验结果基本吻合, 并且能清晰地捕捉到初始分支、上端分支和下端分支, 从而验证了本文数值模型的准确性。

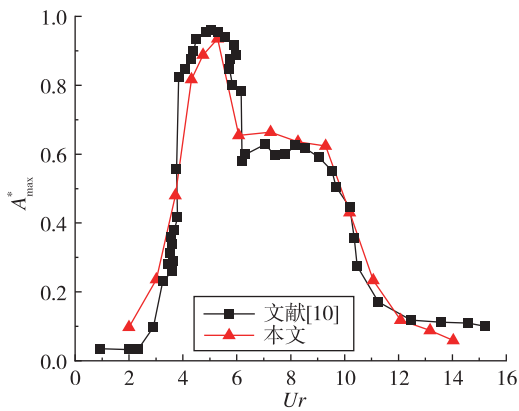


图 4 数值模型的计算结果

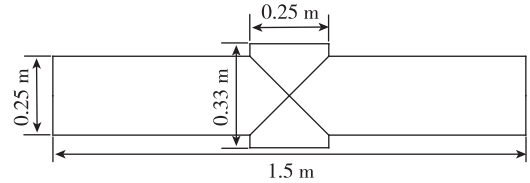
Fig. 4 The calculation results of the numerical model

3 交叉圆柱的数值仿真

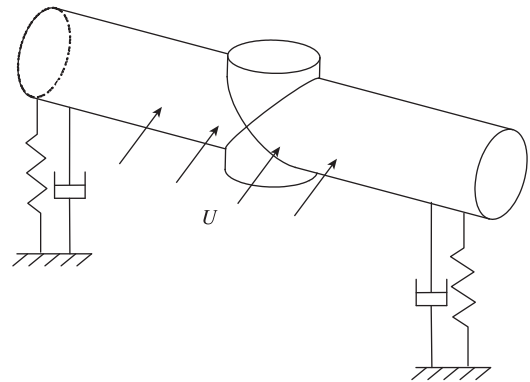
3.1 模型参数

本文研究交叉圆柱的涡激振动特性时, 以能量收集为应用场景, 因此系统一般处于高雷诺数和高阻尼状态^[11]。文献 [6] 研究指出, 低质量比 (小于 1) 下, 振动幅值的均方根值较大, 且未发现下端分支, 因此, 为在更宽流速范围获得较大振幅, 本文交叉圆柱模型的质量比为 $m^* = 0.98$ 。根据已有研究, 高雷诺数往往会产生高振幅比^[12-13], 因此本文选择了一个高雷诺数范围, 为 $7.5 \times 10^4 \sim 5 \times 10^5$ 。

交叉圆柱的直径 $D = 0.25 \text{ m}$, 横向长度 $L_h = 1.5 \text{ m}$, 竖向长度 $L_s = 0.33 \text{ m}$, 总质量 $m = 77.825 \text{ kg}$, 弹簧刚度为 $k = 2000 \text{ N/m}$ 。交叉圆柱的具体尺寸信息如图 5 (a) 所示, 图 5 (b) 为交叉圆柱的 VIV 模型示意图, 竖向圆柱的轴向也是垂直于水流流速方向。



(a) 交叉圆柱尺寸



(b) 弹性支撑的交叉圆柱 VIV 模型

图 5 交叉圆柱尺寸图及 VIV 模型示意图

Fig. 5 Schematic diagram of cross-cylinder size diagram and VIV model

同时, 为更好分析交叉圆柱的涡激振动特性, 将其与普通圆柱的涡激振动做了对比分析。普通圆柱直径和质量与交叉圆柱相同, 通过改变普通圆柱长度改变排水质量, 可保证质量比不变。如此由式 (6) 可, 在弹簧刚度相同的情况下, 交叉圆柱 VIV 系统和普通圆柱 VIV 系统的 f_n 相等。

3.2 仿真结果与分析

基于本文建立的数值模型, 根据上述模型参数, 交叉圆柱和普通圆柱在各约化速度下的振幅如图 6 所示, 从图中可以得出下列结论。1) 交叉圆柱的振幅随约化速度的变化曲线, 在 $Ur = 4.5 \sim 5$ 之间存在明显的跳跃, 即在此处由初始分支转化为上端分支, 而普通圆柱振幅曲线的分支转变在 $Ur = 3 \sim 4$ 之间。2) 在低流速区域, 普通圆柱和交叉圆柱的振幅相差很大, 而在 $Ur = 11 \sim 13$ 之间, 其振幅基本相等。3) 普通圆柱的启动流速要小于交叉圆柱, 两种圆柱在启动流速之后经历一段较

小的流速范围后,即初始分支,转变为上端分支。
4) 高雷诺数下的交叉圆柱和普通圆柱的振幅曲线均存在明显的初始分支和上端分支,但未发现明显的下端分支,与文献 [6] 研究结果相符。

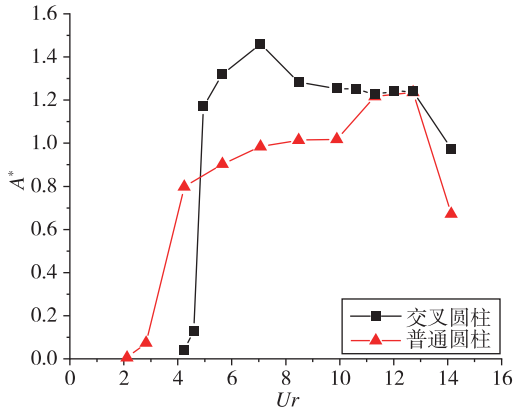


图 6 交叉圆柱与普通圆柱的振幅计算结果

Fig. 6 Amplitude calculation results of cross cylinder and ordinary cylinder

从振幅随流速的变化曲线来看,交叉圆柱与普通圆柱相比较,虽然启动流速变大,但进入频率锁定区域后,交叉圆柱的振幅更大。涡激振动应用于能量捕获时,设计工作流速一般设置在发生频率锁定时的流速范围,因此,交叉圆柱在应用于能量捕获场景时的振动表现优于普通圆柱。

涡激振动的振动是由漩涡的交替脱落引起的,其振幅大小与涡脱落方式有着很大的关系。Williamson 等^[14]在研究圆柱的涡激振动时,根据漩涡脱落时的旋向和一定周期内脱落数量等的不同,将尾涡脱落模式分为 2T 和 2C 模式。其中 2C 模式为圆柱体两侧各释放一对旋转方向相同的涡,但圆柱体两侧涡对的旋转方向相反。2T 模式为半个周期内圆柱体脱落 3 个漩涡,且第 2 个涡强度要小于另外 2 个。

如图 7、图 8 所示,普通圆柱在 0.6 m/s ($Ur = 4.24$) 和 1.0 m/s ($Ur = 7.07$) 的流速下的涡脱模式均为 2C 模式,但在流速为 1.7 m/s ($Ur = 12.01$) 的情况下(图 9),涡脱落模式更类似于 2T 模式,即在半个周期内,圆柱体脱落 3 个涡,但不同的是,该模型的 3 个涡的强度相差并不明显。

为了更清楚地了解交叉圆柱的涡脱情况,以交叉圆柱的重心为 0 点位置,截取了在水平圆柱轴向方向距离 0 点位置为 0D、1D、2.5D 这 3 个截面的涡量云图。图 10 呈现的是 0.6 m/s 流速下 3

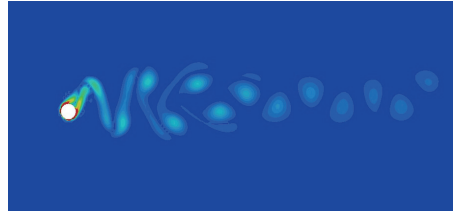


图 7 流速 0.6 m/s 时普通圆柱的涡量云图

Fig. 7 The vorticity cloud diagram of the ordinary cylinder at a flow rate of 0.6 m/s

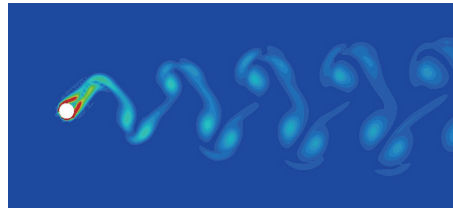


图 8 流速 1.0 m/s 时普通圆柱的涡量云图

Fig. 8 The vorticity cloud diagram of the ordinary cylinder at a flow rate of 1.0 m/s



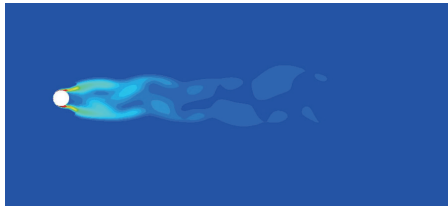
图 9 流速 1.7 m/s 时普通圆柱的涡量云图

Fig. 9 The vorticity cloud diagram of the ordinary cylinder at a flow rate of 1.7 m/s

种截面的涡量云图。在图 10 (a) 中,即在交叉圆柱的交叉中心处,并没有出现完整的脱落涡,且 1D 的界面处受交叉圆柱的影响,也没有出现明显的脱落涡,仅在 2.5D 截面处可以观察到与普通圆柱相似的涡脱落模式。此外,与图 7 相比,相同流速下,交叉圆柱的脱落涡经过较小的距离后就会消失,因此交叉圆柱的涡强度明显低于普通圆柱,这是在 0.6 m/s 的流速下,交叉圆柱的振幅小于普通圆柱振幅的原因。



(a) 0D



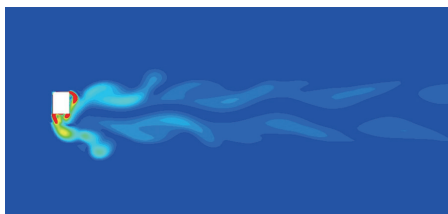
(b) 1D



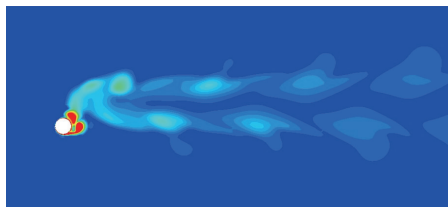
(c) 2.5D

图 10 流速 0.6 m/s 时交叉圆柱的涡量云图
 Fig. 10 The vorticity cloud diagrams of the cross cylinder at a flow rate of 0.6 m/s

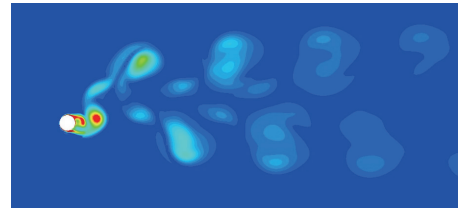
水流流速为 1 m/s 时，在 0D 截面处涡量云图如图 11 所示，虽然在柱体的后方尾流区域的脱落涡也不太明显，但值得注意的是，竖直柱体的上下端面处有较明显的脱落涡，即此时一部分涡并不在柱体的后方或者斜后方脱落，而是在柱体上下两个端面处脱落，而在 1D 和 2.5D 截面处，涡脱落位置与柱体的距离相比普通圆柱较小，这会使得漩涡对柱体振动的影响增加。相同流速下与普通圆柱相比（图 8），涡在脱落后的相同距离上，交叉圆柱的脱落涡有更明显的消散，这说明交叉圆柱的涡强度在该流速下依然小于普通圆柱。但是交叉圆柱的涡会在距离圆柱更近的位置脱落，这使得柱体的振动情况受涡脱落的影响更大，从而可以获得更大的振幅。



(a) 0D



(b) 1D



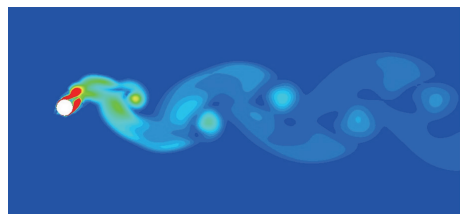
(c) 2.5D

图 11 流速 1.0 m/s 时交叉圆柱的涡量云图
 Fig. 11 The vorticity cloud diagrams of the cross cylinder at a flow rate of 1.0 m/s

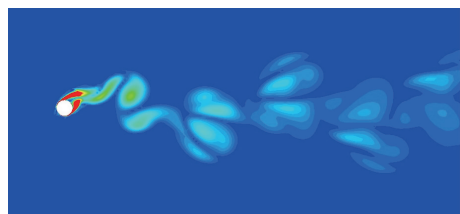
水流流速为 1.7 m/s 时，0D 处截面的涡量云图如图 12 所示。图中可以看到脱落涡分为两部分，两侧为两个连在一起的条形涡（随水流移动两个涡合为一个），中间有一个圆形涡，而且中间的圆形涡更像是从竖圆柱的柱面脱落下来的涡。并且在 1D 和 2.5D 截面处依旧可以观察到一个很明显的单涡，并且 3 处截面在半个周期内均脱落 3 个涡，这与普通圆柱相同。此外，与图 9 相比较可以看出，此时两种圆柱的涡强度以及涡脱落位置相近，所以两种圆柱的振幅也相差不多。



(a) 0D



(b) 1D



(c) 2.5D

图 12 流速 1.7 m/s 时交叉圆柱的涡量云图
 Fig. 12 The vorticity cloud diagrams of the cross cylinder at a flow rate of 1.7 m/s

交叉圆柱的涡脱落模式与普通圆柱相比,受竖圆柱的影响很大,在 $0D$ 和 $1D$ 截面处都未形成与普通圆柱相似的规则涡。在低流速区域,由于竖圆柱的存在,抑制了涡的形成,涡强度减小,从而使圆柱的振幅减小。但是进入频率锁定的流速范围后,虽然竖圆柱的存在依然破坏了涡的形成,但也改变了涡脱落的位置。高流速下两种圆柱的振幅及变化均类似,这可能是交叉圆柱中的横圆柱起主要影响作用。

4 结束语

本文针对高雷诺数下交叉圆柱的涡激振动问题,建立了三维VIV数值模型,进行了仿真分析研究。为了确保模型的可靠性和准确性,利用已有文献中的试验模型参数计算出该数值模型下的仿真结果,并与文献中的试验结果进行对比,结果发现振幅比曲线具有较高的吻合度,验证了数值模型的准确性。并在此数值模型的基础上,对本文的交叉圆柱模型进行了仿真研究,并与普通圆柱进行了对比分析。

1) 从振幅随流速的变化来看,交叉圆柱并没有因为竖圆柱的存在影响涡的形成,而在整个流速范围内使振幅减小,这只发生在低流速范围,并且交叉圆柱的启动流速和进入共振的流速均延后。而在进入频率锁定流速范围后,交叉圆柱的振幅反而大于普通圆柱,在 $Ur=11$ 之后,两种圆柱振幅基本相等。

2) 从涡脱落情况来看,在中低流速范围内,交叉圆柱的脱落涡强度比普通圆柱较弱,在低流速范围表现尤为明显,这是低流速时交叉圆柱振幅小的主要原因。但是在中流速下,交叉圆柱的竖圆柱影响了涡脱落的位置,这使得交叉圆柱的振幅不降反升。在高流速时,交叉圆柱与普通圆柱的涡脱落模式类似,且涡强度也相近,这可能是高流速下交叉圆柱的横圆柱起到了主要作用,使得振幅大小与变化与普通圆柱类似。

综上所述,交叉圆柱在解决柱体内部空间受限问题的同时,在中高流速也获得了更好的振动表现,这对应用于能量采集具有重要意义。不过,本文仅对一种交叉圆柱情况进行了研究分析,未来可对竖圆柱的直径、长度等对涡激振动的影响做进一步研究。

参考文献

- [1] Assi Gustavo R S. Mechanisms for flow-induced vibration of interfering bluff bodies[D]. London, UK: Imperial College London, 2009.
- [2] 周军伟, 闫文辉, 杨天福, 等. 高 Re 数弹性支撑圆柱的涡激振动数值分析[J]. 舰船科学技术, 2022, 44(15): 32-36, 48.
- [3] Modir A, Goudarzi N. Experimental investigation of Reynolds number and spring stiffness effects on vortex induced vibrations of a rigid circular cylinder [J]. European Journal of Mechanics-B/Fluids, 2019, 74: 34-40.
- [4] Chang C C, Ajith Kumar R, Bernitsas M M. VIV and galloping of single circular cylinder with surface roughness at $3.0 \times 10^4 \leq Re \leq 1.2 \times 10^5$ [J]. Ocean Engineering, 2011, 38(16): 1713-1732.
- [5] Wang W, Song B W, Mao Z Y, et al. Numerical investigation on vortex-induced vibration of bluff bodies with different rear edges [J]. Ocean Engineering, 2020, 197: 106871.
- [6] New T H, Shi S X, Liu Y Z. Cylinder-wall interference effects on finite-length wavy cylinders at subcritical Reynolds number flows [J]. Experiments in Fluids, 2013, 54(10): 1601.
- [7] Lin Y F, Bai H L, Alam M M, et al. Effects of large spanwise wavelength on the wake of a sinusoidal wavy cylinder [J]. Journal of Fluids and Structures, 2016, 61: 392-409.
- [8] 崔肖娜. 并列双圆柱绕流的水动力特性研究[D]. 青岛: 中国海洋大学, 2014.
- [9] Sohankar A, Norberg C, Davidson L. Low-Reynolds-number flow around a square cylinder at incidence: study of blockage, onset of vortex shedding and outlet boundary condition [J]. International Journal for Numerical Methods in Fluids, 1998, 26(1): 39-56.
- [10] Khalak A, Williamson C H K. Dynamics of a hydroelastic cylinder with very low mass and damping [J]. Journal of Fluids and Structures, 1996, 10(5): 455-472.
- [11] Lee J H, Bernitsas M M. High-damping, high-Reynolds VIV tests for energy harnessing using the VIVACE converter [J]. Ocean Engineering, 2011, 38(16): 1697-1712.
- [12] Raghavan K, Bernitsas M M. Experimental investigation of Reynolds number effect on vortex induced vi-

- bration of rigid circular cylinder on elastic supports [J]. *Ocean Engineering*, 2011, 38(5/6): 719-731.
- [13] Wanderley J B V, Sphaier S H, Levi C. A two-dimensional numerical investigation of the hysteresis effect on vortex induced vibration on an elastically mounted rigid cylinder[J]. *Journal of Offshore Mechanics and Arctic Engineering*, 2012, 134(2): 1.
- [14] Williamson C H K, Govardhan R. Vortex-induced vibrations [J]. *Annual Review of Fluid Mechanics*, 2004, 36: 413-455.

引用格式: 金叶青, 张俊涛, 秦岩, 等. 高雷诺数下交叉圆柱涡激振动的数值分析[J]. *宇航总体技术*, 2024, 8(1): 68-75.

Citation: Jin Y Q, Zhang J T, Qin Y, et al. Numerical analysis of vortex-induced vibration of a crossed circular cylinder at high Reynolds numbers [J]. *Astronautical Systems Engineering Technology*, 2024, 8(1): 68-75.